



# Мерење реактивне снаге и фактора снаге

У овој лекцији требало би да се подсетимо и научимо:



Шта је реактивна снага и како се мери директно ?



Како можемо да меримо реактивну снагу ватметром?



Шта је полуиндиректно и индиректно мерење реактивне снаге?



Како све може да се измери фактор снаге?



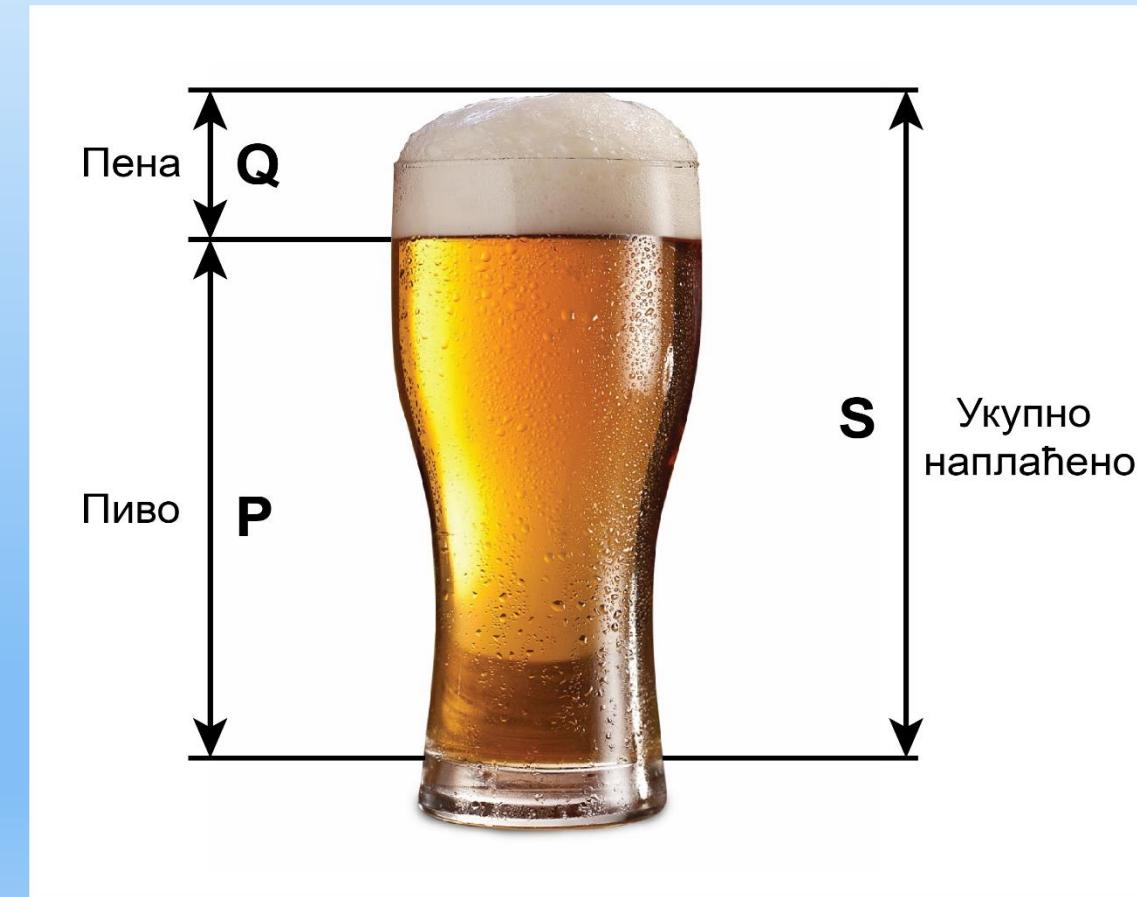


Електротехничка школа  
„Стари град“ Београд

# Како то електротехничари објашњавају

Реактивна (јалова) снага  
 $Q = UI\cos\phi$  VAr-вар

Активна (радна, корисна )  
снага  
 $P = UI\cos\phi$   
W-ват

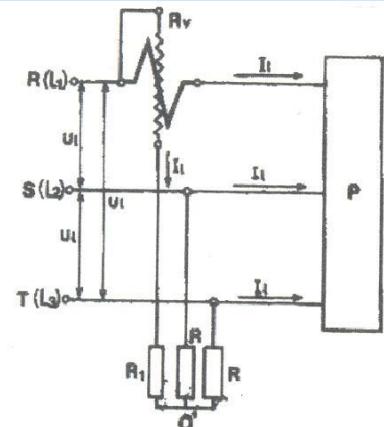
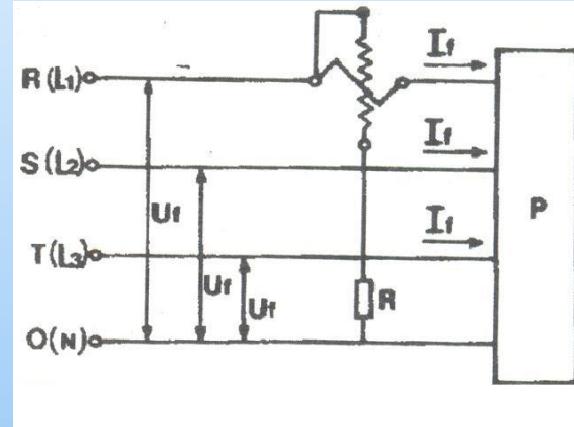


Привидна снага  
 $S = UI$   
VA-волтампер

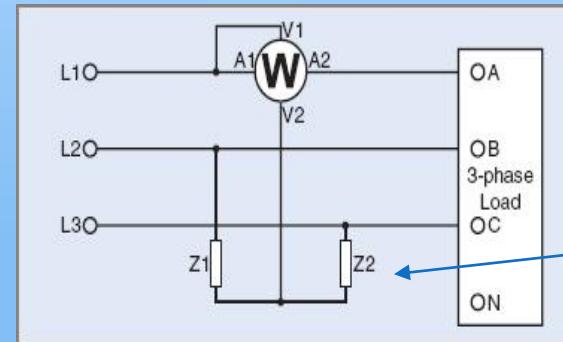
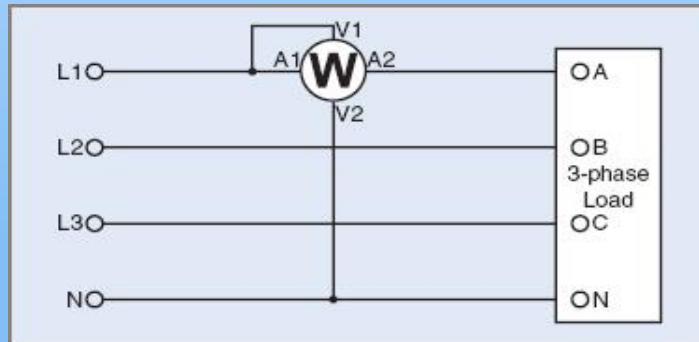
Јасно је зашто се толико прича  
о компензацији тј смањењу  
реактивне снаге или поправци  
фактора снаге



# Подсећање-симетричан систем



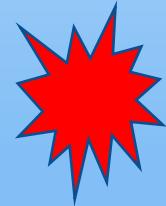
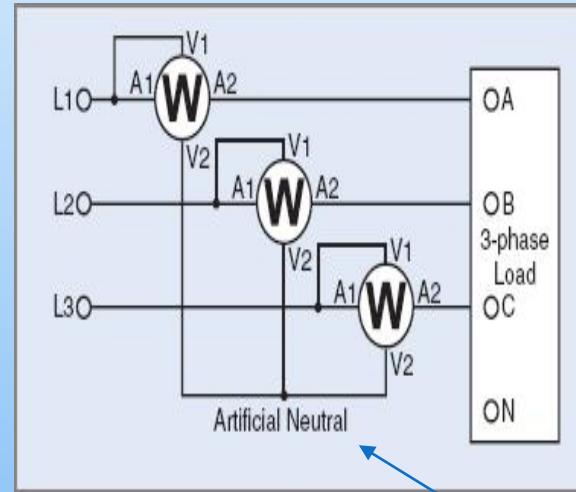
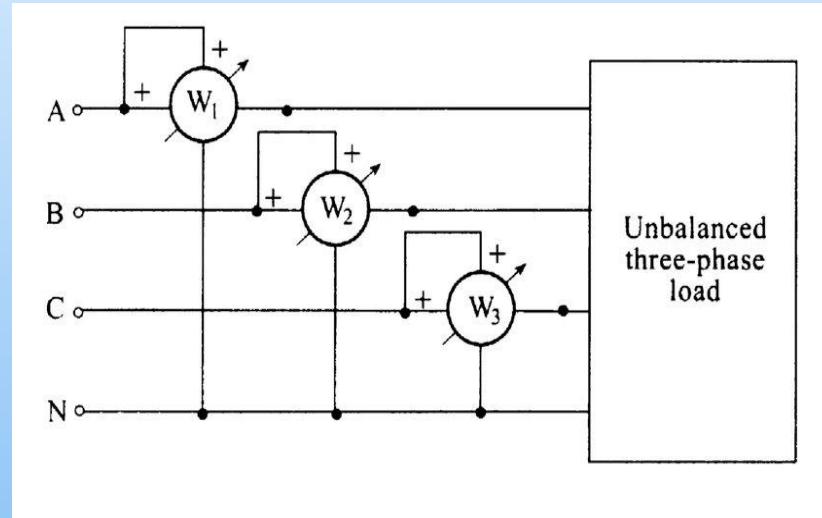
$$P_{\text{система}} = 3P_W$$



У симетричном систему мерење  
се може обавити једним ватметром  
За тројични систем прави се вештачка нула



# Подсећање-несиметричан систем

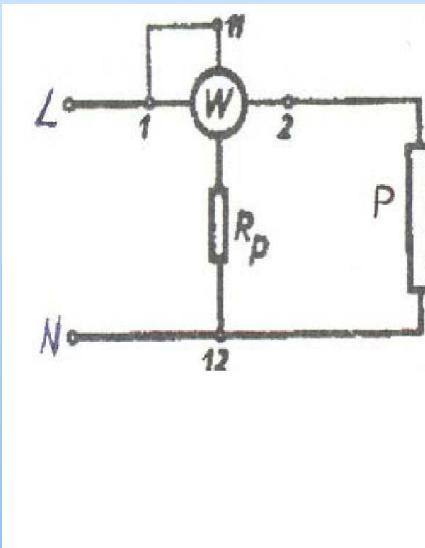


$$P_{\text{система}} = P_{W_1} + P_{W_2} + P_{W_3}$$

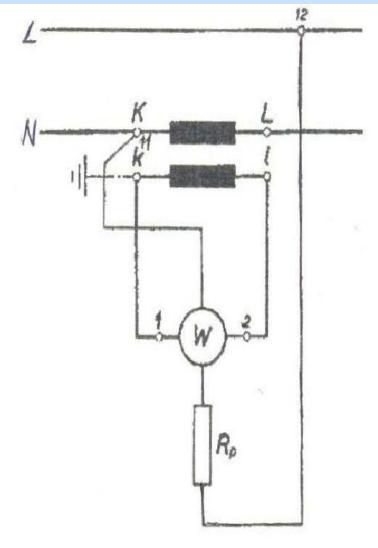
Вештачка нула



# Подсећање-полуиндиректно и индиректно мерење активне снаге



директно

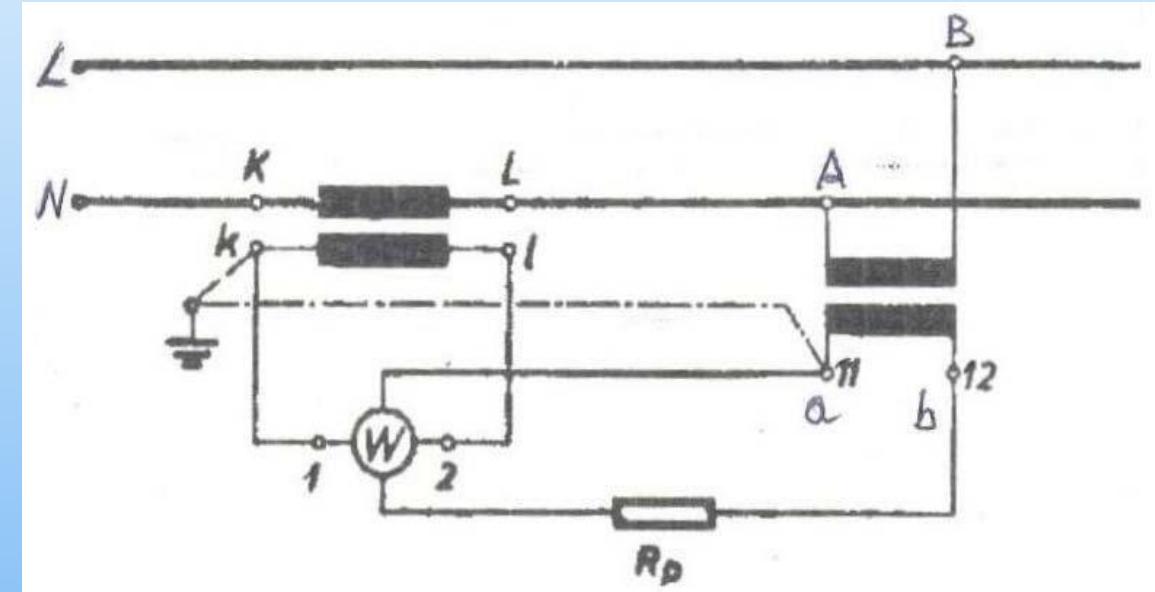


ПОЛУИНДИРЕКТНО



Струјни крајеви преко струјног трансформатора

Крајеви ватметра везани су преко мерних трансформатора



ИНДИРЕКТНО

Струјни крајеви преко  
струјног трансформатора  
Напонски преко  
напонског трансформатора



# Мерење реактивне снаге једнофазно коло

У колима једнофазне наименичне струје, у опсегу низких фреквенција мери се:

**Директно**, помоћу **варметра** (индукционог типа),  
односно **ватметра** (електродинамичког или феродинамичког типа) у **посебном (Хјумеловом) споју**.

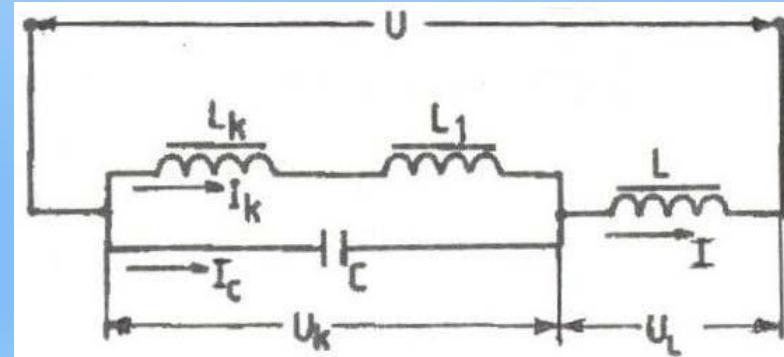
**Индиректно**, мерењем активне снаге (ватметром) и привидне снаге (амперметром и волтметром),

$$Q = \pm \sqrt{S^2 - P^2} = \pm \sqrt{(UI)^2 - P^2}$$

При чему се знак + односи на индуктивни пријемник  
а знак - на капацитивни пријемник

# Електродинамички варметар

- По конструкцији мерног система електродинамички варметри се не разликују од електродинамичких ватметара. Разлика је само у спрези напонског кола. Док се код електродинамичког ватметра захтевало да струја напонског намотаја буде у фази са напоном, дотле се код електродинамичког варметра захтева да струја напонског намотаја касни за напоном за  $\pi/2$ . То фазно померање струје напонског намотаја се постиже разним помоћним спрегама, од којих је једна приказана шемом веза на слици.





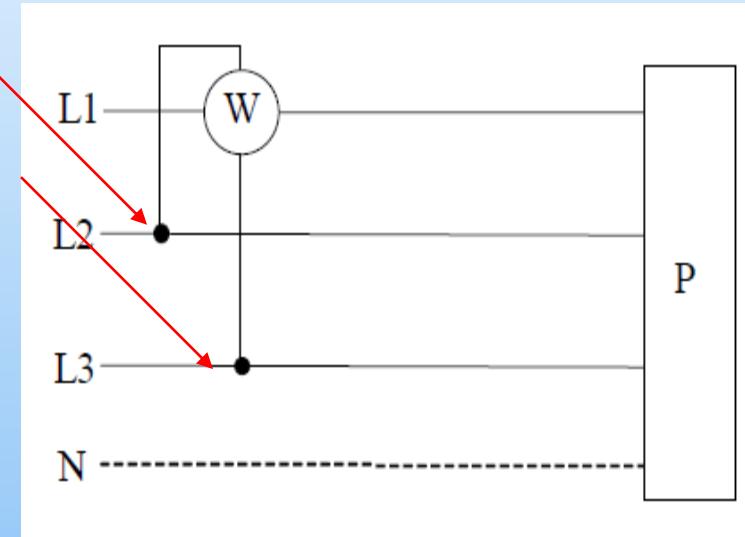
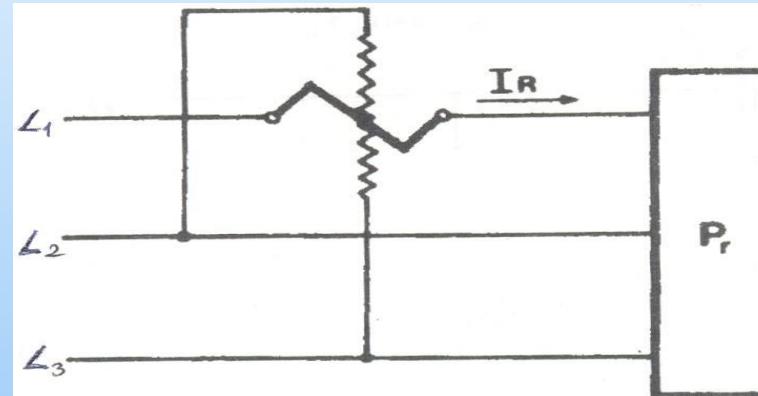
# Мерење реактивне снаге варметром

Нацртати:

1. Мерење реактивне снаге варметром у једнофазном колу
2. Мерење реактивне снаге варметром у трофазном симетричном систему,  
четворојичном и тројичном и написати формулу
3. Мерење реактивне снаге варметром у трофазном несиметричном систему,  
четворојичном и тројичном и написати формулу
4. Мерење реактивне снаге варметром преко Аронове спреге ( тројични систем)
5. Полуиндиректно и индиректно мерење реактивне снаге у једнофазном систему



# Мерење реактивне снаге ватметром



Ако примећујете начин везе се разликује у односу на везивање ватметра када меримо активну снагу

Ако су **струјни крајеви у првој фази** онда

L1, L2, L3

**напонски улаз везујемо за другу фазу**

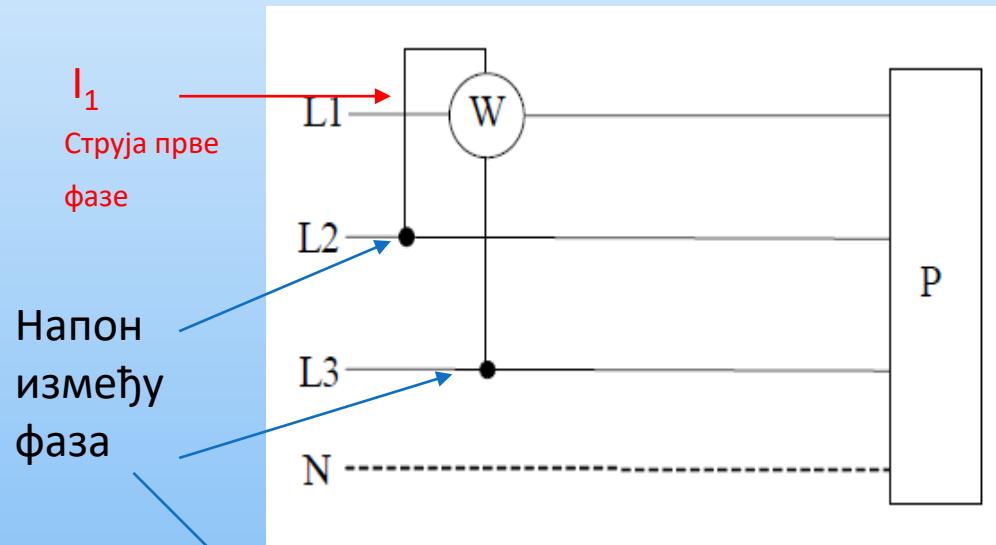
**а напонски излаз за фазу после друге тј за трећу фазу**

(ако би струјни крајеви били у другој фази L2, напонски улаз за L3, напонски излаз за L1)

(ако би струјни крајеви били везани у трећој фази где би били везани напонски ?)



# Мерење реактивне снаге ватметром у трофазном симетричном систему



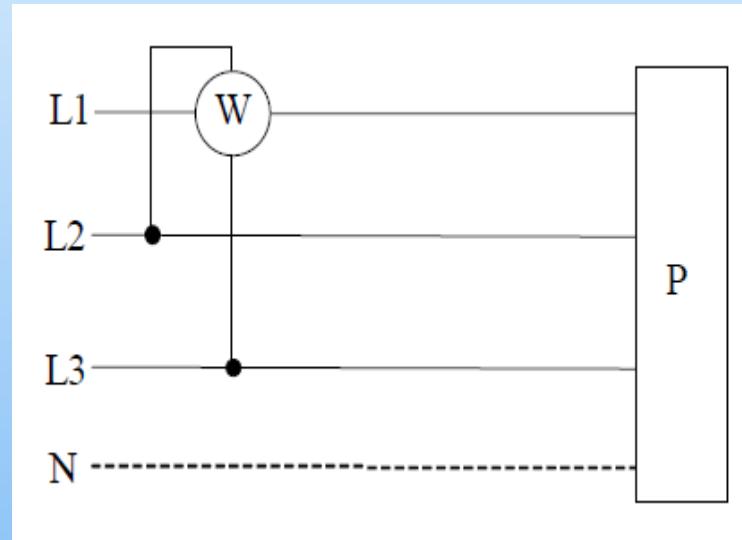
$$P = U_{23} I_1 \cos(\pi/2 - \phi_1) = \sqrt{3} U_1 I_1 \sin\phi_1 \\ = \sqrt{3} Q_1$$

Фазни померај линијског напона и фазне струје

веза међуфазног  
и фазног напона  
 $U_{23} = \sqrt{3} U_1$



# Мерење реактивне снаге ватметром у трофазном симетричном систему $Q=\sqrt{3}P$



$$P = \sqrt{3} Q_1$$

Ако одавде изразимо  $Q_1$   
добијамо

$$Q_1 = P / \sqrt{3}$$

Пошто важи као и за активну снагу у симетричном систему  $Q_{\text{система}} = 3Q_1$

Када заменимо претходни израз  $Q_{\text{система}} = 3Q_1 = 3P_1 / \sqrt{3}$  и скратимо  $\sqrt{3}$  добијамо коначни израз

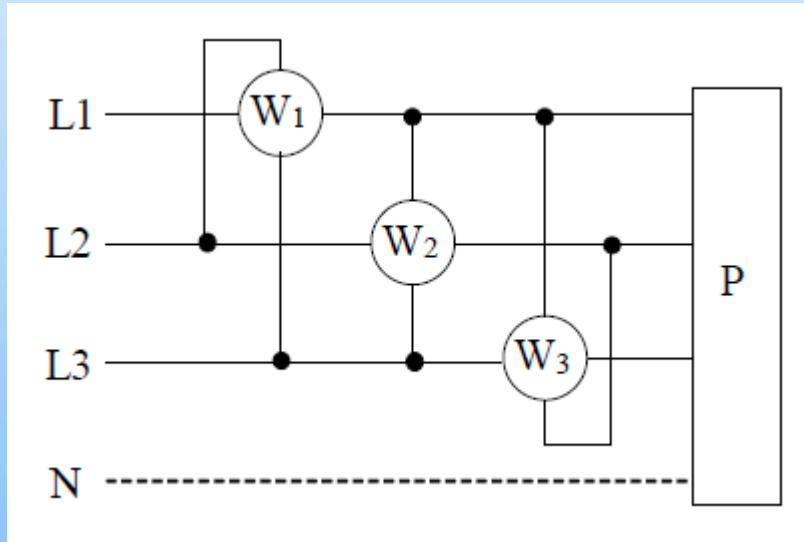
$$3 = \sqrt{3} \sqrt{3}$$

$$Q = \sqrt{3} P$$



Електротехничка школа  
„Стари град“ Београд

# Мерење реактивне снаге ватметром у трофазном несиметричном систему

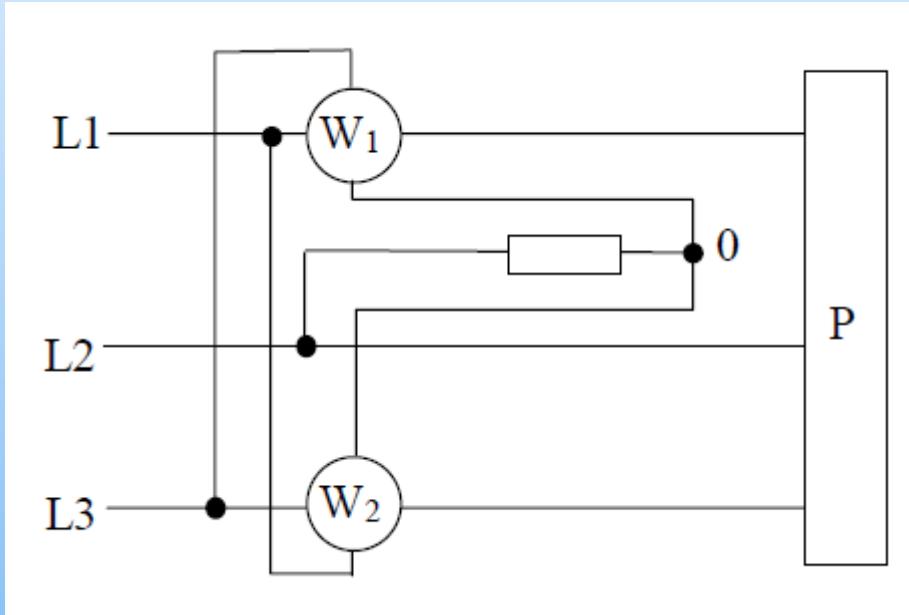


$$Q_{\text{система}} = (P_1 + P_2 + P_3) / \sqrt{3}$$



Електротехничка школа  
„Стари град“ Београд

# Аронова спрега





# Мерење фактора снаге у једнофазном колу

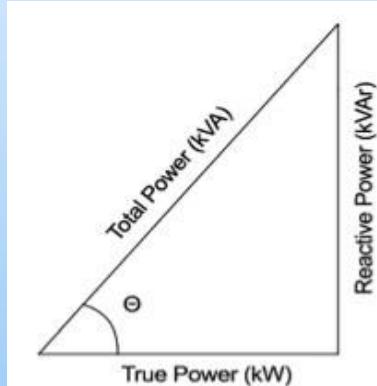


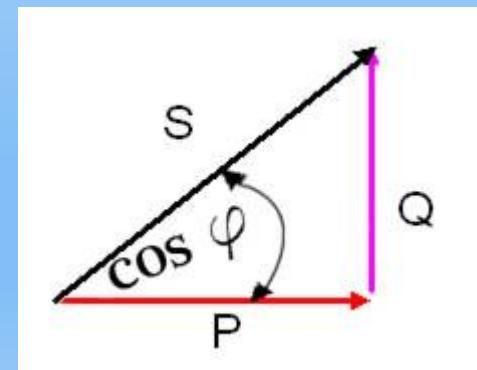
Fig. 1 Relationship between Watt, VAr, VA & power factor.

$$\begin{aligned} \text{Power Factor} &= \frac{\text{kW}}{\sqrt{\text{kW}^2 + \text{kVAr}^2}} \\ &= \cos \Theta \end{aligned}$$



Fig. 2 Power factor meter

Директно-косинусфиметром



Индиректно преко мерења активне снаге и укупне тј привидне снаге па рачуном

$$P = S \cos \varphi \quad \text{одавде } \cos \varphi = P/S$$





Електротехничка школа  
„Стари град“ Београд

# Мерење фактора снаге у трофазном систему

Директно-моћним дигиталним инструментима

Индиректно-преко 2 ватметра па рачуном

$$\frac{W_1 - W_2}{W_1 + W_2} = \frac{V_L I_L \sin\varphi}{\sqrt{3} V_L I_L \cos\varphi} \quad \text{or}$$

$$\tan\varphi = \sqrt{3} \frac{W_1 - W_2}{W_1 + W_2}$$



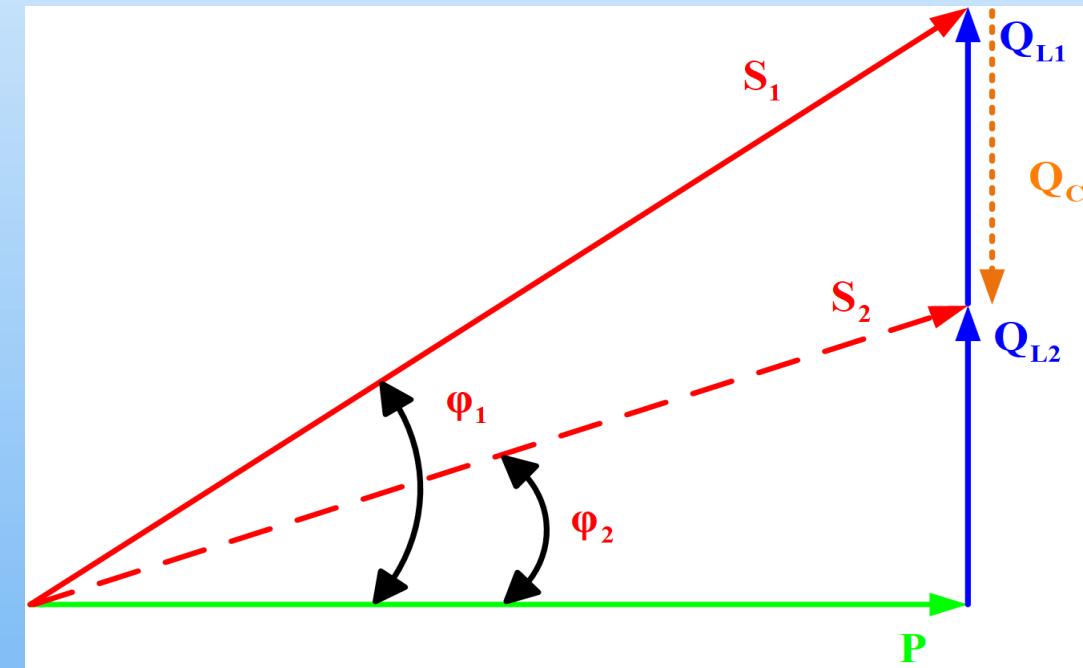


Електротехничка школа  
„Стари град“ Београд

# Корекција фактора снаге



Ко је успешније кориговао фактор снаге?



Са кондензатором



# Задатак

На слајду бр.8 налазе се питања из нове лекције која се односе на мерење реактивне снаге варметром.

Уз та питања додајем још:

6. Нацртати мерење реактивне снаге у симетричном систему ВАТМЕТРОМ и написати коначну формулу
7. Нацртати мерење реактивне снаге у несиметричном систему ВАТМЕТРОМ и написати коначну формулу
8. Објаснити како се мери фактор снаге директно и индиректно
9. Нацртати шему за индиректно мерење фактора снаге у једнофазном систему
10. Ко је успешније кориговао фактор снаге-лева или десна рука на слајду бр.16



# За оне који нису баш све испратили -укупна питања

Нацртати:

1. Мерење реактивне снаге варметром у једнофазном колу
2. Мерење реактивне снаге варметром у трофазном симетричном систему, четворојичном и тројичном и написати формулу
3. Мерење реактивне снаге варметром у трофазном несиметричном систему, четворојичном и тројичном и написати формулу
4. Мерење реактивне снаге варметром преко Аронове спреге ( тројични систем)
5. Полуиндиректно и индиректно мерење реактивне снаге у једнофазном систему
6. Нацртати мерење реактивне снаге у симетричном систему ВАТМЕТРОМ и написати коначну формулу
7. Нацртати мерење реактивне снаге у несиметричном систему ВАТМЕТРОМ и написати коначну формулу
8. Објаснити како се мери фактор снаге директно и индиректно
9. Нацртати шему за индиректно мерење фактора снаге у једнофазном систему
10. Ко је успешније кориговао фактор снаге-лева или десна рука на слајду бр.16



Електротехничка школа  
„Стари град“ Београд

# Инструкције за одговоре

Одговоре на питања уписати у предметну свеску и према већ датим инструкцијама послати до уторка 14.4.2020.год. на адресу [atomic.eps@gmail.com](mailto:atomic.eps@gmail.com)

Комуникација је могућа и преко платформе Microsoft teams у нашем тиму



Уместо  
ватметра само  
нацртајте  
варметар тј  
уместо W у  
кругу ставите  
VAr